

ختبار التجريبي لمادة الرياضيات للسنة الرابعة متوسط

تمرين 1

1- بين بالنشر صحة المساواة:

$$3(2x-1)(3x+4)=18x^2+15x-12$$

2- حل العبارة E إلى عاملين من الدرجة الأولى:

$$E=(18x^2+15x-12)-(3x+4)^2$$

حل المتراجحة:

$$18x^2+15x-12 \geq 9x(2x+1)$$

مثل حلول المتراجحة بيانيا

تمرين 2

اعداد حقيقية حيث:

$$\frac{4x^{14} \cdot 10x^{12}}{3x^{10}} = A$$

$$\sqrt{27} + 7\sqrt{3} - \sqrt{81} = B$$

$$\frac{\frac{2}{3} + \frac{1}{6}}{2 - \frac{1}{2}} = C$$

1- احسب A ثم اعط الكتابة العلمية لها

2. احسب B على الشكل $a\sqrt{b} + c$ (اعداد نسبية a و b و c)

3- اكتب العدد C على شكل كسر غير قابل الاختزال

تمرين 3

المستوي منسوب الى المعلم متعامد ومتجانس (O,I,J) وحدة الطول هي cm

1- علم النقطتين A(3;1) B(-1;2)

2- احسب القيمة المضبوطة للطول AB

3. انشئ النقطة C صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه B و زاوية 90° في اتجاه عقارب الساعة

4- احسب مساحة المثلث ABC (يطلب رسم المثلث)

تمرين 4

B قيس زاوية حادة حيث.

$$\sin B = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\tan B = \frac{\sin B}{\cos B}$$

$$\frac{\sin B}{\cos B} + \cos B = 1$$

1- بتوظيف العلايق

احسب القيمة المضبوطة لكل من $\cos B, \tan B$

2- انشئ زاوية قيسها B هندسيا مع شرح. (لا يطلب حساب قيس B بالآلة الحاسبة)

جزء 2 المسألة

يعرض مدرب لرياضة الكاراتيه على زبائنه تسعيرين لممارسة هذه الرياضة
التسعيرة الأولى دفع 250DA عن كل حصة رياضية
التسعيرة الثانية دفع 150DA عن كل حصة رياضية إضافية الى بطاقة انخراط
شهرية قدرها 500DA

1- أنقل ثم أكمل الجدول مبينا طرق الحساب أسفله

عدد الحصص الرياضية	2	-----	-----
المبلغ حسب التسعيرة الأولى (DA)	-----	1000	-----
المبلغ حسب التسعيرة الثانية (DA)	-----	-----	1550

2- ليكن x هو عدد الحصص الرياضية
 y هو المبلغ التسعيرة الأولى و y هو المبلغ حسب التسعيرة الثانية

• عبر عن y و y بدلالة x

3- F و G دالتان معرفتان بالشكل

$F(x) = 250x$ و $G(x) = 150x + 500$

• مثل بيانيا في نفس المعلم المتعامد والمتجانس (O, I, J) الدالتين F و G (نأخذ
1cm على محور الفواصل مثل حصة واحدة و 1cm على محور الترتيب يمثل
200DA)

4 حل - جبريا الجملة :

$$-250x + y = 0$$

$$-150x + y = 500$$

• ماذا يمثل هذا الحل بيانيا؟

5 - أحمد وعلي من محبي رياضة الكاراتيه حيث يمارس 7 حصص شهريا بينما

يمارس علي 4 حصص شهريا •

• بقراءة بيانية حدد أفضل التسعرتين لكل واحد منهما •



تمرين 1:

1. ذين درجة المساواة:

$$\begin{aligned} 3(2x-1)(3x+4) &= 3[2x(3x+4) - 1(3x+4)] \\ &= 3[6x^2 + 8x - 3x - 4] \\ &= 3[6x^2 + 5x - 4] \\ &= 18x^2 + 15x - 12 \end{aligned}$$

2. تحليل العبارة E:

$$E = (18x^2 + 15x - 12) - (3x+4)^2$$

لدينا: $18x^2 + 15x - 12 = 3(2x-1)(3x+4)$

$$\begin{aligned} E &= 3(2x-1)(3x+4) - (3x+4)(3x+4) \\ &= (3x+4)[3(2x-1) - (3x+4)] \\ &= (3x+4)(6x-3-3x-4) \\ &= (3x+4)(3x-7) \end{aligned}$$

$$18x^2 + 15x - 12 \geq 9x(2x+1)$$

$$18x^2 + 15x - 12 \geq 18x^2 + 9x$$

$$15x - 9x \geq 12$$

$$6x \geq 12$$

$$x \geq \frac{12}{6}$$

$$x \geq 2$$

3. حل متراجحة

كل قيم x الأكبر من أو تساوي 2 هي حلول المتراجحة



تمرين 2:

$$\begin{aligned} C &= \frac{\frac{2}{3} + \frac{1}{6}}{2 - \frac{1}{2}} = \frac{\frac{4+1}{6}}{\frac{4-1}{2}} \\ &= \frac{\frac{5}{6}}{\frac{3}{2}} \\ &= \frac{5}{6} \times \frac{2}{3} \\ &= \frac{10}{18} = \frac{5}{9} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= \sqrt{27} + 7\sqrt{3} - \sqrt{81} \\ &= \sqrt{9 \times 3} + 7\sqrt{3} - 9 \\ &= 3\sqrt{3} + 7\sqrt{3} - 9 \\ &= (3+7)\sqrt{3} - 9 \\ &= 10\sqrt{3} - 9 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}} = \frac{4 \times 12}{3} \times \frac{10^{14}}{10^{11}} \\ A &= 16 \times 10^3 = 1,6 \times 10^4 \end{aligned}$$



تمرين 3 :

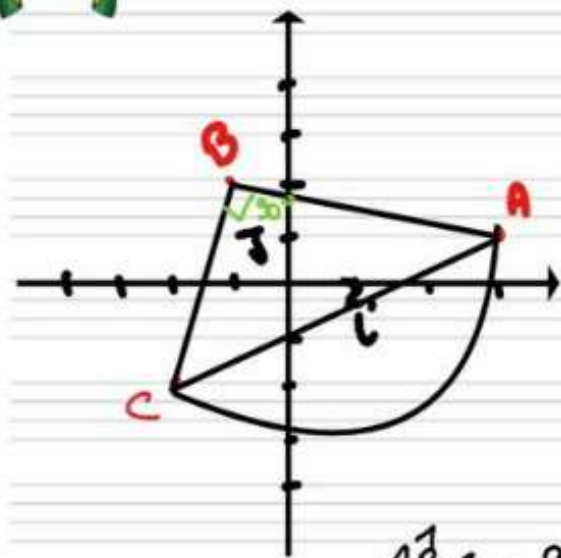
حساب طول AB :

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-1 - 3)^2 + (2 - 1)^2}$$

$$AB = \sqrt{16 + 1} = \sqrt{17}$$

حساب S مساحة مثلث ABC



من دوران لدينا : $AB = BC$ و $\angle C = 90^\circ$ فإذن في $\triangle ABC$ قائم في B و متساوي الساقين
فلاستخرج أن المثلث ABC قائم في B و متساوي الساقين

$$S = \frac{AB \times BC}{2} \quad \text{أي} \quad S = \frac{\sqrt{17} \times \sqrt{17}}{2} \quad \text{إذن} \quad S = \frac{17}{2}$$

$$S = 8,5 \text{ cm}^2$$

تمرين 4 :

حساب القيمة المذبذبة لـ $\cos \beta$:

نعلم أن $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ بتعويض $\sin \beta = \frac{\sqrt{5}}{3}$ نجد :

$$\left(\frac{\sqrt{5}}{3}\right)^2 + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\frac{5}{9} + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \frac{5}{9}$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{4}{9}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{4}{9}}$$

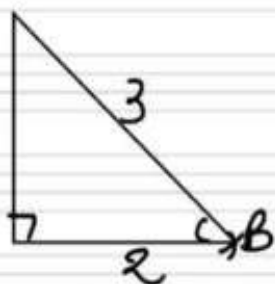
$$\cos \alpha = \frac{2}{3}$$

حساب القيمة المذبذبة لـ $\tan \beta$:

$$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\cos \beta} ; \tan \beta = \frac{\frac{\sqrt{5}}{3}}{\frac{2}{3}} ; \tan \beta = \frac{\sqrt{5}}{3} \times \frac{3}{2} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$



اذلثاء زاوية β هندسيا :



لدينا $\cos \beta = \frac{\text{مجاور وتر}}{\text{وتر}}$

$\cos \beta = \frac{2}{3}$

فذلثى مثلث قائم طول وتره 3 وطول احد ضلعيه هو 2

المسألة :

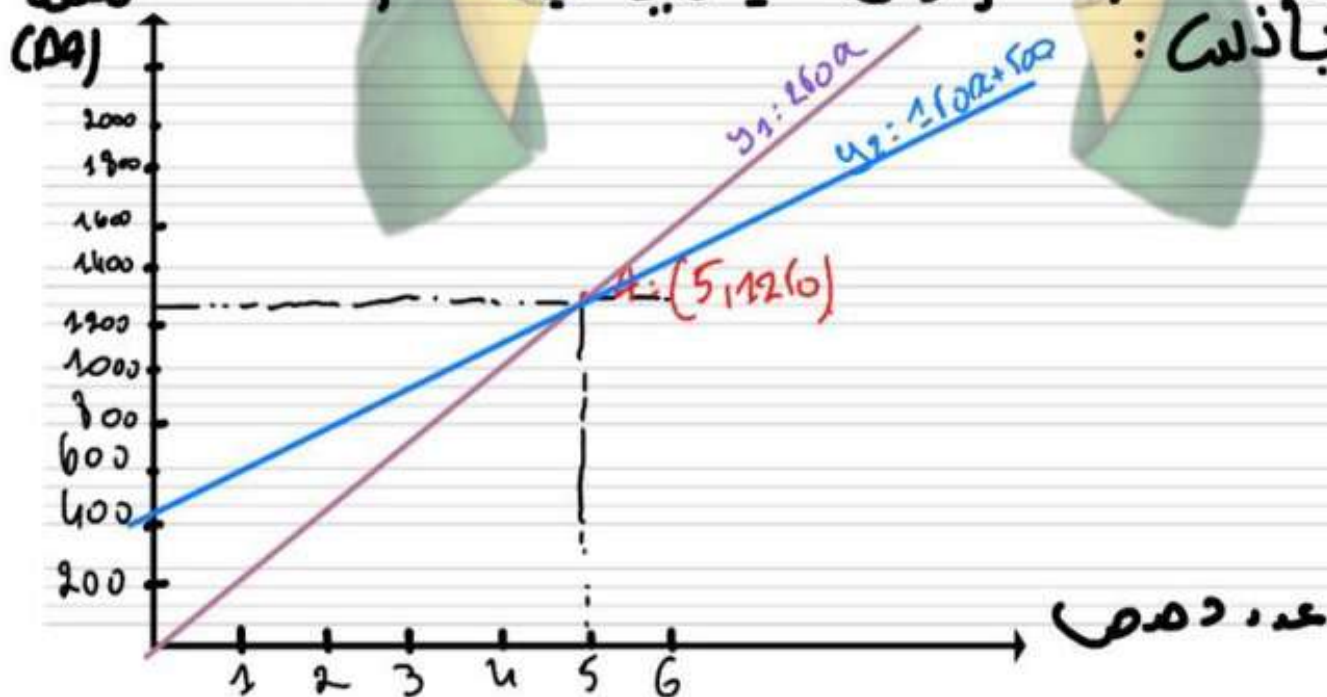
عدد الحصص الرياضية	2	4	7
المبلغ حسب التسعيرة الأولى (DA)	500	1000	1750
المبلغ حسب التسعيرة الثانية (DA')	800	1100	1550

$2 \times 250 = 500$ $1000 \div 250 = 4$ $(1550 - 500) \div 150 = 7$
 $2 \times 250 + 500 = 800$ $4 \times 250 + 500 = 1100$ $7 \times 250 = 1750$

تعبير عن y_1 و y_2 بدلالة x :

$y_1 = 250x$ $y_2 = 150x + 500$

تمثيل الدالتين f و g رياضيا في معلم متعامد تكلفه متجاذبت :



4- حل البصلة جبريًا:

$$\begin{cases} 250x + y = 0 \dots (1) \\ -150x + y = 500 \dots (2) \end{cases}$$

ذف ب معادلة (1) في $x-1$:

$$\begin{cases} 250x - y = 0 \dots (3) \\ -150x + y = 500 \dots (4) \end{cases}$$

بالجمع (3) و (4) نجد:

$$250x - 150x = 500$$

$$100x = 500$$

$$x = \frac{500}{100} \quad x = 5$$

لنعوض $x=5$ في معادلة (1)

$$-250 \times 5 + y = 0$$

$$y = 1250$$

يصل هذا الحل بيانياً، زوّدة تقاطع المستقيمتين y_1 و y_2 .
تحديد أفضل تفسيريّين لكل من أحمد و عبي:

نعلم أنه عند صار لسة 75 درهم شهرياً تتساوى التفسيرتين

4. بالنسبة لأحمد: بما أن 7 أكبر من 5 فإن بيان الدالة 1 تحت بيان

الدالة 2 معناه أن التفسير الثاني أقل تكلفة من التفسير الأول

ومنه الأفضل تفسير له هي الثانية

ب. بالنسبة لعبي: بما أن 4 أصغر من 5 فإن بيان الدالة 2 تحت بيان الدالة 1

معناه أن التفسير الأول أقل تكلفة من التفسير الثاني ومنه الأفضل

تفسير له هي الأولى.