

قواعد الحساب على القوى  $n$  و  $m$  عدنان صحيحان ( عدد صحيح يعني عدد طبيعي او معاكسه اذن يمكن ان يكون موجب او ان يكون سالب)

| قاعدة                             | نص القاعدة   | مثال  | تطبيق   |
|-----------------------------------|--|---|---|
| (1) جداء قوتين لنفس العدد         | $a^n \times a^m = a^{n+m}$   | $a^4 \times a^{-6} = a^{4+(-6)}$<br>$= a^{-2}$  | $7^3 \times 7^{-6} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$<br>$x^3 \times x^2 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$                     |
| (2) قسمة قوتين لنفس العدد         | $\frac{a^n}{a^m} = a^n \div a^m$<br>$= a^{n-m}$  | $\frac{a^{-3}}{a^{+5}} = a^{-3} \div a^5$<br>$= a^{(-3)-(5)}$<br>$= a^{(-2)+(-5)}$<br>$= a^{-7}$  | $\frac{3^4}{3^6} = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$                            |
| (3) قوة قوة عدد                   | $(a^n)^m = a^{n \times m}$   | $(a^{-3})^6 = a^{(-3) \times 6}$<br>$= a^{-18}$   | $(2^3)^2 = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$<br>$(x^3)^{-2} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$                                   |
| (4) جداء عاملين بسطيين مرفوع لقوة | $(a \times b)^k = (a)^k \times (b)^k$  | $(2 \times a)^4 = (2)^4 \times (a)^4$<br>$= 16 \times a^4$  | $(4 \times 5)^3 = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$   |
| كلا العاملين هما قوة عدد          | $(a^n \times b^m)^k = (a^n)^k \times (b^m)^k$<br>$= a^{n \times k} \times b^{m \times k}$                      | $(a^3 \times b^{-5})^6 = (a^3)^6 \times (b^{-5})^6$<br>$= a^{3 \times 6} \times b^{(-5) \times 6}$<br>$= a^{18} \times b^{-30}$   | $(3 \times x^2)^2 = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$  |
| (5) قسمة عددين بسطيين مرفوعة لقوة | $(\frac{a}{b})^k = (a \div b)^k$<br>$= (a)^k \div (b)^k$   | $(\frac{a}{3})^2 = (a \div 3)^2$<br>$= (a)^2 \div (3)^2$<br>$= a^2 \div 9$<br>$= \frac{a^2}{9}$   | $(\frac{x}{4})^3 = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$                            |
| كلا العددين هما قوة عدد           | $(\frac{a^n}{b^m})^k = (a^n \div b^m)^k$<br>$= (a^n)^k \div (b^m)^k$<br>$= a^{n \times k} \div b^{m \times k}$ | $(\frac{a^3}{b^{-5}})^6 = (a^3 \div b^{-5})^6$<br>$= (a^3)^6 \div (b^{-5})^6$<br>$= a^{3 \times 6} \div b^{(-5) \times 6}$<br>$= a^{18} \div b^{-30}$<br>$= \frac{a^{18}}{b^{-30}}$ | $(\frac{x^3}{5^2})^2 = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$ |
| (6) مقلوب قوة عدد                 | $\frac{1}{a^n} = a^0 \div a^n$<br>$= a^{0-n}$<br>$= a^{-n}$  | $\frac{1}{3^4} = 3^0 \div 3^4$<br>$= 3^{0-4}$<br>$= 3^{-4}$   | $\frac{1}{2^{-3}} = \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$<br>$= \dots\dots\dots$  |

قواعد استخدام قوعد الحساب  
تبسيط سلسلة عمليات تحتوي على جداء او قسمة اعداد (حيث هذه الاعداد يمكن ان تكون قوة ل عدد اخر)

| القاعدة المستخدمة حسب اولويتها  | مثال  | تطبيق                                    |
|---|---|--|
| (1) نبدأ ب العامل المرفوع الى قوتين<br>نطبق القاعدة (3)   | $(2^2 \times (x^2)^3)^2 \times 2^3 \div x^7$          | $3^3 \times (5^2)^3 \times 3^2 \div 5^7$ |
| (2) ثم اولوية للاقواس اي نبسط ما بداخل القوسين<br><b>اولوية للاقواس</b> (من السنة الثانية)  | $(2^2 \times x^6)^2 \times 2^3 \div x^7$              | .....                                    |
| (3) ثم نوزع اس اذا كان ما بداخل القوسين جداء أو قسمة<br>نطبق القاعدة (4) اذا كان ما بداخل القوسين جداء أو<br>نطبق القاعدة (5) اذا كان ما بداخل القوسين قسمة   | $(2^4 \times x^{12}) \times 2^3 \div x^7$             | .....                                    |
| (4) ثم نحول القسمة الى جداء<br>(مثال $D \div C \div B \times A \div R$ )<br>يحول $(R \times \frac{1}{A} \times B \times \frac{1}{C} \times \frac{1}{D})$<br>نطبق القاعدة التي تنص ان <b>القسمة على عدد تعني الضرب في المقلوب</b> (من العمليات على الكسور) | $(2^4 \times x^{12}) \times 2^3 \times \frac{1}{x^7}$ | .....                                    |
| (5) ثم نعيد كتابة المقلوب كقوة عدد<br>(لا ننسى استطيع الانتقال من الكتابة $\frac{1}{a^n}$ الى $a^{-n}$<br>كما استطيع الانتقال من الكتابة $\frac{1}{a^{-n}}$ الى $a^n$ )<br>نطبق القاعدة (6)   | $(2^4 \times x^{12}) \times 2^3 \times x^{-7}$        | .....                                    |
| (6) ثم نرتب العوامل حسب الاساس  | $2^4 \times 2^3 \times x^{12} \times x^{-7}$          | .....                                    |
| (7) ثم نبسط ( نستخدم قاعدة جداء قوتين لنفس عدد )<br>نطبق القاعدة (1)  | $2^{4+3} \times x^{12-7} = 2^7 \times x^5$            | .....                                    |

**ملاحظة**

لتبسيط سلسلة من النوع المذكور في العنوان يجب الاحاطة بعدة قواعد و معلومات ( معارف ) ثم استخدام هذه معلومات بطريقة صحيحة لكي نحل سؤال واحد و لما نكتسب مهارة تبسيط سلسلة سنستخدم هذه المهارة في حل سؤال اخر اكثر تعقيدا ( مثلا تبسيط قسمة سلسلتين ) و هكذا ان صعوبات في رياضيات تكبر ككرة ثلج لذا يجب ان تكبر معارفنا ككرة ثلج ايضا ليس مخيرين في ذلك بل انها طبيعة التركيبية لرياضيات ( من حيث طرح السؤال و الاجابة عليه )

**ملاحظة** ( كيفية تبسيط قسمة سلسلتين من النوع المذكور في العنوان )

اذا اردنا تبسيط كسر فاننا نبسط البسط على حدى و مقام على حدى لنحصل على كسر من الشكل  $\frac{A^i \times B^j \times C^k}{D^n \times E^m}$  ثم نحول الكتابة الى جداء لنجد

العمود الاول في الجدول السابق نستطيع تسميته برنامج تبسيط سلسلة عمليات تحتوي على جداء او قسمة اعداد مرفوعة الى قوى  
مثال بسط ما يلي  $\frac{(2^2 \times (x^2)^3)^2 \times 2^3 \div x^7}{3^3 \times (5^2)^3 \times 3^2 \div 5^7}$

**ملاحظة**

تبسيط سلسلة عمليات تحتوي على جداء او قسمة اعداد مرفوعة الى قوى يعنى كتابتها على شكل جداء عوامل حيث عدد العوامل